

مثال آخر :

$$-21 = 5*q + r$$

بقسمة -21 على 5 ، سوف نحصل على حاصل القسمة -4 ، والباقي سوف يكون -1 ، ولكن كما ذكرنا في القاعدة السابقة أن الباقي r دائما يكون موجب ، لذلك نقوم بجمع 5 في الباقي ، ونطرح 1 من حاصل القسمة
ليكون لدينا $q = -5$ ، $r = 4$.
نطبقها في المعادلة :
 $-21 = 5*(-5) + 4$ وهو صحيح .

الأعداد الأولية Prime Number :

تلعب الأعداد الأولية تلعب دورا كبيرا جدا في التشفير وخاصة في الطرق الحديثة ، وتعريفها كالتالي :

العدد الأولي ، هو العدد الصحيح integer أكبر من 1 ، ولا يقبل القسمة إلا على نفسه وعلى 1 . باقي الأعداد التي أكبر من 1 وغير أولية تسمى أعداد مركبة **Composite Number**

مثال على أعداد أولية :

2 و 3 و 7 و 23 و 29 و 163 والكثير غيرها .

مثال على أعداد مركبة :

4 (حيث أنها تقبل القسمة على 2)

100 (تقبل القسمة على 2 و 5) .

مثال على أعداد غير أولية وغير مركبة

0 و 1 وجميع الأعداد السالبة ، مثل -21 .

جميع الأعداد الصحيحة التي أكبر من 1 ، لها قاسم أولي .

الأعداد الأولية غير منتهية .

إذا كان لدينا عدد صحيح مركب N ، إذا يكون لدى n قاسم أولي لا يتعدى الجذر التربيعي ل N .

وهذا معناه إذا أردنا أن نعرف على العدد x هو أولي أم لا ، سوف نبحث من البداية 2 (لان واحد ليس أولي) إلى أن نصل إلى جذر العدد x . ونختبر كل عدد من هذه الأعداد ، هل يقبل x القسمة عليها ، في حال تحقق ذلك ، نكون قد عرفنا أن العدد ليس أولي ، وإذا لم يتحقق فيكون العدد أولي .